

РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАУК
ИНСТИТУТ ПРОБЛЕМ ПЕРЕДАЧИ ИНФОРМАЦИИ им. А.А.Харкевича



50 лет

1961

29 декабря

2011



Качественный анализ сложных динамических систем

М.И. Вишик и его ученики в ИППИ

В.В. Чепыжов
Лаб. №1 ИППИ

Марк Иосифович Вишик (работает в ИППИ с 1993 г.)

07.12.2011

- ▶ 7 монографий (русс., англ., нем.)
- ▶ более 280 статей
- ▶ более 50 кандидатов наук
- ▶ 14 докторов наук

Выдающийся математик, крупнейший специалист в области уравнений с частными производными, функционального анализа и математической физики. Замечательный педагог, создатель научной школы. 50 лет на мехмате МГУ руководит знаменитым семинаром “Дифференциальные уравнения и их приложения”.



Учителя, соавторы, коллеги и друзья

- ▶ Львовский университет (1939-1941 г.). Юлиуш Шаудер, Гуго Штейнхауз, Стефан Банах, Станислав Мазур, Владислав Орлич.
- ▶ Тбилисский университет (1941-1945 г.). Николай Иванович Мухелишвили и Илья Несторович Векуа.
- ▶ МИАН СССР им. В.А.Стеклова. Лазарь Аронович Люстерник. Кандидатская диссертация (1947 г.), оппоненты Иван Георгиевич Петровский и Сергей Львович Соболев. Докторская диссертация (1951 г.).
- ▶ Московский энергетический институт (1947-1953 г.).
- ▶ Московский университет (с 1965 г.). Иван Георгиевич Петровский, Андрей Николаевич Колмогоров, Израиль Моисеевич Гельфанд, Ольга Александровна Ладыженская, Ольга Арсеньевна Олейник

Учителя, соавторы, коллеги и друзья

- ▶ Львовский университет (1939-1941 г.). Юлиуш Шаудер, Гуго Штейнхауз, Стефан Банах, Станислав Мазур, Владислав Орлич.
- ▶ Тбилисский университет (1941-1945 г.). Николай Иванович Мухелишвили и Илья Несторович Векуа.
- ▶ МИАН СССР им. В.А.Стеклова. Лазарь Аронович Люстерник. Кандидатская диссертация (1947 г.), оппоненты Иван Георгиевич Петровский и Сергей Львович Соболев. Докторская диссертация (1951 г.).
- ▶ Московский энергетический институт (1947-1953 г.).
- ▶ Московский университет (с 1965 г.). Иван Георгиевич Петровский, Андрей Николаевич Колмогоров, Израиль Моисеевич Гельфанд, Ольга Александровна Ладыженская, Ольга Арсеньевна Олейник

Учителя, соавторы, коллеги и друзья

07.12.2011

- ▶ Львовский университет (1939-1941 г.). Юлиуш Шаудер, Гуго Штейнхауз, Стефан Банах, Станислав Мазур, Владислав Орлич.
- ▶ Тбилисский университет (1941-1945 г.). Николай Иванович Мухелишвили и Илья Несторович Векуа.
- ▶ МИАН СССР им. В.А.Стеклова. Лазарь Аронович Люстерник. Кандидатская диссертация (1947 г.), оппоненты Иван Георгиевич Петровский и Сергей Львович Соболев. Докторская диссертация (1951 г.).
- ▶ Московский энергетический институт (1947-1953 г.).
- ▶ Московский университет (с 1965 г.). Иван Георгиевич Петровский, Андрей Николаевич Колмогоров, Израиль Моисеевич Гельфанд, Ольга Александровна Ладыженская, Ольга Арсеньевна Олейник

Учителя, соавторы, коллеги и друзья

07.12.2011

- ▶ Львовский университет (1939-1941 г.). Юлиуш Шаудер, Гуго Штейнхауз, Стефан Банах, Станислав Мазур, Владислав Орлич.
- ▶ Тбилисский университет (1941-1945 г.). Николай Иванович Мухелишвили и Илья Несторович Векуа.
- ▶ МИАН СССР им. В.А.Стеклова. Лазарь Аронович Люстерник. Кандидатская диссертация (1947 г.), оппоненты Иван Георгиевич Петровский и Сергей Львович Соболев. Докторская диссертация (1951 г.).
- ▶ Московский энергетический институт (1947-1953 г.).
- ▶ Московский университет (с 1965 г.). Иван Георгиевич Петровский, Андрей Николаевич Колмогоров, Израиль Моисеевич Гельфанд, Ольга Александровна Ладыженская, Ольга Арсеньевна Олейник

Учителя, соавторы, коллеги и друзья

07.12.2011

- ▶ Львовский университет (1939-1941 г.). Юлиуш Шаудер, Гуго Штейнхауз, Стефан Банах, Станислав Мазур, Владислав Орлич.
- ▶ Тбилисский университет (1941-1945 г.). Николай Иванович Мухелишвили и Илья Несторович Векуа.
- ▶ МИАН СССР им. В.А.Стеклова. Лазарь Аронович Люстерник. Кандидатская диссертация (1947 г.), оппоненты Иван Георгиевич Петровский и Сергей Львович Соболев. Докторская диссертация (1951 г.).
- ▶ Московский энергетический институт (1947-1953 г.).
- ▶ Московский университет (с 1965 г.). Иван Георгиевич Петровский, Андрей Николаевич Колмогоров, Израиль Моисеевич Гельфанд, Ольга Александровна Ладыженская, Ольга Арсеньевна Олейник

Учителя, соавторы, коллеги и друзья

07.12.2011

- ▶ Львовский университет (1939-1941 г.). Юлиуш Шаудер, Гуго Штейнхауз, Стефан Банах, Станислав Мазур, Владислав Орлич.
- ▶ Тбилисский университет (1941-1945 г.). Николай Иванович Мухелишвили и Илья Несторович Векуа.
- ▶ МИАН СССР им. В.А.Стеклова. Лазарь Аронович Люстерник. Кандидатская диссертация (1947 г.), оппоненты Иван Георгиевич Петровский и Сергей Львович Соболев. Докторская диссертация (1951 г.).
- ▶ Московский энергетический институт (1947-1953 г.).
- ▶ Московский университет (с 1965 г.). Иван Георгиевич Петровский, Андрей Николаевич Колмогоров, Израиль Моисеевич Гельфанд, Ольга Александровна Ладыженская, Ольга Арсеньевна Олейник

Основные этапы научной деятельности

07.12.2011

- ▶ Общая теория линейных эллиптических краевых задач.
- ▶ Теория монотонных нелинейных эллиптических и параболических уравнений.
- ▶ Теория уравнений с малым параметром (совместно с Л.А.Люстерником).
- ▶ Теория псевдодифференциальных операторов и операторов с бесконечным числом переменных.
- ▶ Математическая теория статистической гидромеханики (совместно с А.В.Фурсиковым).
- ▶ Теория глобальных аттракторов эволюционных уравнений с частными производными. (совместно с А.В.Бабиным и В.В.Чепыжовым).

Основные этапы научной деятельности

07.12.2011

- ▶ **Общая теория линейных эллиптических краевых задач.**
- ▶ Теория монотонных нелинейных эллиптических и параболических уравнений.
- ▶ Теория уравнений с малым параметром (совместно с Л.А.Люстерником).
- ▶ Теория псевдодифференциальных операторов и операторов с бесконечным числом переменных.
- ▶ Математическая теория статистической гидромеханики (совместно с А.В.Фурсиковым).
- ▶ Теория глобальных аттракторов эволюционных уравнений с частными производными. (совместно с А.В.Бабиным и В.В.Чепыжовым).

Основные этапы научной деятельности

- ▶ Общая теория линейных эллиптических краевых задач.
- ▶ Теория монотонных нелинейных эллиптических и параболических уравнений.
- ▶ Теория уравнений с малым параметром (совместно с Л.А.Люстерником).
- ▶ Теория псевдодифференциальных операторов и операторов с бесконечным числом переменных.
- ▶ Математическая теория статистической гидромеханики (совместно с А.В.Фурсиковым).
- ▶ Теория глобальных аттракторов эволюционных уравнений с частными производными. (совместно с А.В.Бабиным и В.В.Чепыжовым).

Основные этапы научной деятельности

- ▶ Общая теория линейных эллиптических краевых задач.
- ▶ Теория монотонных нелинейных эллиптических и параболических уравнений.
- ▶ Теория уравнений с малым параметром (совместно с Л.А.Люстерником).
- ▶ Теория псевдодифференциальных операторов и операторов с бесконечным числом переменных.
- ▶ Математическая теория статистической гидромеханики (совместно с А.В.Фурсиковым).
- ▶ Теория глобальных аттракторов эволюционных уравнений с частными производными. (совместно с А.В.Бабиным и В.В.Чепыжовым).

Основные этапы научной деятельности

07.12.2011

- ▶ Общая теория линейных эллиптических краевых задач.
- ▶ Теория монотонных нелинейных эллиптических и параболических уравнений.
- ▶ Теория уравнений с малым параметром (совместно с Л.А.Люстерником).
- ▶ Теория псевдодифференциальных операторов и операторов с бесконечным числом переменных.
- ▶ Математическая теория статистической гидромеханики (совместно с А.В.Фурсиковым).
- ▶ Теория глобальных аттракторов эволюционных уравнений с частными производными. (совместно с А.В.Бабиным и В.В.Чепыжовым).

Основные этапы научной деятельности

07.12.2011

- ▶ Общая теория линейных эллиптических краевых задач.
- ▶ Теория монотонных нелинейных эллиптических и параболических уравнений.
- ▶ Теория уравнений с малым параметром (совместно с Л.А.Люстерником).
- ▶ Теория псевдодифференциальных операторов и операторов с бесконечным числом переменных.
- ▶ Математическая теория статистической гидромеханики (совместно с А.В.Фурсиковым).
- ▶ Теория глобальных аттракторов эволюционных уравнений с частными производными. (совместно с А.В.Бабиным и В.В.Чепыжовым).

Основные этапы научной деятельности

07.12.2011

- ▶ Общая теория линейных эллиптических краевых задач.
- ▶ Теория монотонных нелинейных эллиптических и параболических уравнений.
- ▶ Теория уравнений с малым параметром (совместно с Л.А.Люстерником).
- ▶ Теория псевдодифференциальных операторов и операторов с бесконечным числом переменных.
- ▶ Математическая теория статистической гидромеханики (совместно с А.В.Фурсиковым).
- ▶ Теория глобальных аттракторов эволюционных уравнений с частными производными. (совместно с А.В.Бабиным и В.В.Чепыжовым).

Признание математической сообществом

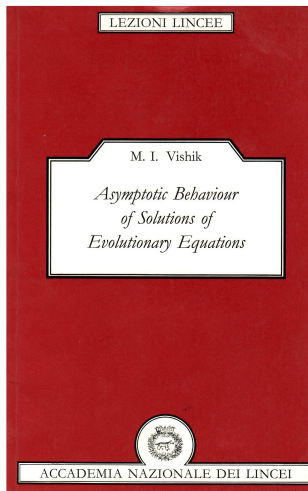
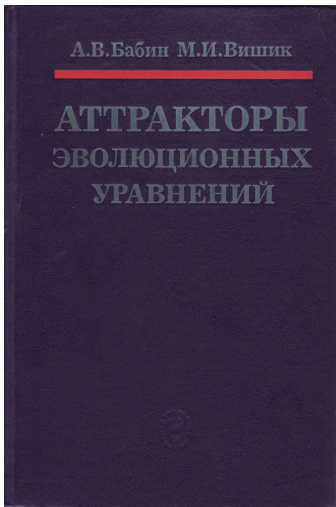
- ▶ Премия Московского Математического общества (1951 г.)
- ▶ Премия РАН имени академика И.Г. Петровского (1992 г.)
- ▶ Международная премия Гумбольдта (1996 г.)
- ▶ Медаль College de France (1974 г.)
- ▶ Академик Российской академии естественных наук
- ▶ Почетный член Американской академии искусств и наук (1992 г.)
- ▶ Член Итальянской национальной академии "сорока" (1994 г.)
- ▶ Доктор Honoris Causa Свободного университета Берлина (2001 г.)

Признание математической сообществом

- ▶ Премия Московского Математического общества (1951 г.)
- ▶ Премия РАН имени академика И.Г. Петровского (1992 г.)
- ▶ Международная премия Гумбольдта (1996 г.)
- ▶ Медаль College de France (1974 г.)
- ▶ Академик Российской академии естественных наук
- ▶ Почетный член Американской академии искусств и наук (1992 г.)
- ▶ Член Итальянской национальной академии "сорока" (1994 г.)
- ▶ Доктор Honoris Causa Свободного университета Берлина (2001 г.)

Бесконечномерные динамические системы

07.12.2011



Эволюционные уравнения и их аттракторы

07.12.2011

$$\partial_t u = A(u), \quad u|_{t=0} = u_0(x), \quad x \in \Omega \in \mathbb{R}^n, \quad t \geq 0, \quad (1)$$

где $u = u(x, t)$ – решение задачи (1), $A(u)$ – нелинейный оператор, $u_0(x) \in E$ – (бесконечномерное) пространство Банаха. Рассматривается динамическая полугруппа

$$S(t) : E \rightarrow E, \quad t \geq 0, \quad \text{по формуле}$$

$$S(t)u_0 = u(t), \quad u_0 \in E.$$

$$S(0) = \text{Id} \quad , \quad S(t_1 + t_2) = S(t_1)S(t_2), \quad \forall t_1, t_2 \geq 0.$$

Задача заключается в изучении поведения

$$u(t) = S(t)u_0 \quad \text{при} \quad t \rightarrow +\infty$$

равномерно по начальным условиям $\{u_0\} = B \subset E$.

Эволюционные уравнения и их аттракторы

07.12.2011

$$\partial_t u = A(u), \quad u|_{t=0} = u_0(x), \quad x \in \Omega \in \mathbb{R}^n, \quad t \geq 0, \quad (1)$$

где $u = u(x, t)$ – решение задачи (1), $A(u)$ – нелинейный оператор, $u_0(x) \in E$ – (бесконечномерное) пространство Банаха. Рассматривается динамическая полугруппа

$$S(t) : E \rightarrow E, \quad t \geq 0, \quad \text{по формуле}$$

$$S(t)u_0 = u(t), \quad u_0 \in E.$$

$$S(0) = \text{Id} \quad , \quad S(t_1 + t_2) = S(t_1)S(t_2), \quad \forall t_1, t_2 \geq 0.$$

Задача заключается в изучении поведения

$$u(t) = S(t)u_0 \quad \text{при} \quad t \rightarrow +\infty$$

равномерно по начальным условиям $\{u_0\} = B \subset E$.

Эволюционные уравнения и их аттракторы

07.12.2011

$$\partial_t u = A(u), \quad u|_{t=0} = u_0(x), \quad x \in \Omega \in \mathbb{R}^n, \quad t \geq 0, \quad (1)$$

где $u = u(x, t)$ – решение задачи (1), $A(u)$ – нелинейный оператор, $u_0(x) \in E$ – (бесконечномерное) пространство Банаха. Рассматривается **динамическая полугруппа**

$$S(t) : E \rightarrow E, \quad t \geq 0, \quad \text{по формуле}$$

$$S(t)u_0 = u(t), \quad u_0 \in E.$$

$$S(0) = \text{Id} \quad , \quad S(t_1 + t_2) = S(t_1)S(t_2), \quad \forall t_1, t_2 \geq 0.$$

Задача заключается в изучении поведения

$$u(t) = S(t)u_0 \quad \text{при} \quad t \rightarrow +\infty$$

равномерно по начальным условиям $\{u_0\} = B \subset E$.

Эволюционные уравнения и их аттракторы

07.12.2011

$$\partial_t u = A(u), \quad u|_{t=0} = u_0(x), \quad x \in \Omega \in \mathbb{R}^n, \quad t \geq 0, \quad (1)$$

где $u = u(x, t)$ – решение задачи (1), $A(u)$ – нелинейный оператор, $u_0(x) \in E$ – (бесконечномерное) пространство Банаха. Рассматривается динамическая полугруппа

$$S(t) : E \rightarrow E, \quad t \geq 0, \quad \text{по формуле}$$

$$S(t)u_0 = u(t), \quad u_0 \in E.$$

$$S(0) = \text{Id} \quad , \quad S(t_1 + t_2) = S(t_1)S(t_2), \quad \forall t_1, t_2 \geq 0.$$

Задача заключается в изучении поведения

$$u(t) = S(t)u_0 \quad \text{при} \quad t \rightarrow +\infty$$

равномерно по начальным условиям $\{u_0\} = B \subset E$.

Пример: 2D система Навье–Стокса

Описывает течение вязкой несжимаемой жидкости в ограниченной области $\Omega \in \mathbb{R}^2$:

$$\begin{aligned} \partial_t u &= -\nu Lu - B(u, u) + g(x), \quad \operatorname{div} u = 0, \\ u|_{\partial\Omega} &= 0, \quad u|_{t=0} = u_0(x) \in E, \quad x \in \Omega, \end{aligned} \quad (2)$$

$u = u(x, t) = (u^1(x, t), u^2(x, t))$, $\nu > 0$ – коэффициент вязкости.
 $L = -\Delta$ – оператор Стокса, $B(u, u) = \Pi(u^1 \partial_{x_1} u + u^2 \partial_{x_2} u)$,
 Π – проектор Лерэ из $(L_2(\Omega))^2$ на пространство

$$E = \left[\left\{ v(x) \in (C_0^\infty(\Omega))^2, \operatorname{div} v(x) = 0 \right\} \right]_{(L_2(\Omega))^2}.$$

Задача (2) имеет единственное решение $u(t), t \geq 0$, в пространстве E , и, следовательно, имеется динамическая полугруппа $\{S(t)\}$ в пространстве E .

Пример: 2D система Навье–Стокса

07.12.2011

Описывает течение вязкой несжимаемой жидкости в ограниченной области $\Omega \in \mathbb{R}^2$:

$$\begin{aligned} \partial_t u &= -\nu Lu - B(u, u) + g(x), \quad \operatorname{div} u = 0, \\ u|_{\partial\Omega} &= 0, \quad u|_{t=0} = u_0(x) \in E, \quad x \in \Omega, \end{aligned} \quad (2)$$

$u = u(x, t) = (u^1(x, t), u^2(x, t))$, $\nu > 0$ – коэффициент вязкости.
 $L = -\Pi\Delta$ – оператор Стокса, $B(u, u) = \Pi(u^1\partial_{x_1}u + u^2\partial_{x_2}u)$,
 Π – проектор Лерэ из $(L_2(\Omega))^2$ на пространство

$$E = \left[\left\{ v(x) \in (C_0^\infty(\Omega))^2, \operatorname{div} v(x) = 0 \right\} \right]_{(L_2(\Omega))^2}.$$

Задача (2) имеет единственное решение $u(t), t \geq 0$, в пространстве E , и, следовательно, имеется динамическая полугруппа $\{S(t)\}$ в пространстве E .

Пример: 2D система Навье–Стокса

Описывает течение вязкой несжимаемой жидкости в ограниченной области $\Omega \in \mathbb{R}^2$:

$$\begin{aligned} \partial_t u &= -\nu Lu - B(u, u) + g(x), \quad \operatorname{div} u = 0, \\ u|_{\partial\Omega} &= 0, \quad u|_{t=0} = u_0(x) \in E, \quad x \in \Omega, \end{aligned} \quad (2)$$

$u = u(x, t) = (u^1(x, t), u^2(x, t))$, $\nu > 0$ – коэффициент вязкости.
 $L = -\Delta$ – оператор Стокса, $B(u, u) = \Pi(u^1 \partial_{x_1} u + u^2 \partial_{x_2} u)$,
 Π – проектор Лерэ из $(L_2(\Omega))^2$ на пространство

$$E = \left[\left\{ v(x) \in (C_0^\infty(\Omega))^2, \operatorname{div} v(x) = 0 \right\} \right]_{(L_2(\Omega))^2}.$$

Задача (2) имеет единственное решение $u(t), t \geq 0$, в пространстве E , и, следовательно, имеется динамическая полугруппа $\{S(t)\}$ в пространстве E .

Пример: 2D система Навье–Стокса

Описывает течение вязкой несжимаемой жидкости в ограниченной области $\Omega \in \mathbb{R}^2$:

$$\begin{aligned} \partial_t u &= -\nu Lu - B(u, u) + g(x), \quad \operatorname{div} u = 0, \\ u|_{\partial\Omega} &= 0, \quad u|_{t=0} = u_0(x) \in E, \quad x \in \Omega, \end{aligned} \quad (2)$$

$u = u(x, t) = (u^1(x, t), u^2(x, t))$, $\nu > 0$ – коэффициент вязкости.
 $L = -\Delta$ – оператор Стокса, $B(u, u) = \Pi(u^1 \partial_{x_1} u + u^2 \partial_{x_2} u)$,
 Π – проектор Лерэ из $(L_2(\Omega))^2$ на пространство

$$E = \left[\left\{ v(x) \in (C_0^\infty(\Omega))^2, \operatorname{div} v(x) = 0 \right\} \right]_{(L_2(\Omega))^2}.$$

Задача (2) имеет единственное решение $u(t), t \geq 0$, в пространстве E , и, следовательно, имеется динамическая полугруппа $\{S(t)\}$ в пространстве E .

Глобальный аттрактор

07.12.2011

Определение

Компактное множество $\mathcal{A} \in E$ называется *глобальным аттрактором* полугруппы $\{S(t)\}$ если

- (i) множество \mathcal{A} строго инвариантно: $S(t)\mathcal{A} = \mathcal{A}$, $\forall t \geq 0$,
- (ii) для любого ограниченного $B \subset H$, множество $S(t)B$ притягивается к \mathcal{A} при $t \rightarrow +\infty$ по норме E :

$$\forall \varepsilon > 0 \exists \tau = \tau(B, \varepsilon) \quad | \quad S(t)B \subset O_\varepsilon(\mathcal{A}), \quad \forall t \geq \tau(B, \varepsilon).$$

Теорема (Ладыженская, Бабин, Вишик, Темам)

2D система Навье–Стокса имеет конечномерный глобальный аттрактор $\mathcal{A} \in E$.

Глобальный аттрактор

07.12.2011

Определение

Компактное множество $\mathcal{A} \in E$ называется *глобальным аттрактором* полугруппы $\{S(t)\}$ если

- (i) множество \mathcal{A} строго инвариантно: $S(t)\mathcal{A} = \mathcal{A}, \forall t \geq 0$,
- (ii) для любого ограниченного $B \subset H$, множество $S(t)B$ притягивается к \mathcal{A} при $t \rightarrow +\infty$ по норме E :

$$\forall \varepsilon > 0 \exists \tau = \tau(B, \varepsilon) \quad | \quad S(t)B \subset O_\varepsilon(\mathcal{A}), \quad \forall t \geq \tau(B, \varepsilon).$$

Теорема (Ладыженская, Бабин, Вишик, Темам)

2D система Навье–Стокса имеет конечномерный глобальный аттрактор $\mathcal{A} \in E$.

Глобальный аттрактор

07.12.2011

Определение

Компактное множество $\mathcal{A} \in E$ называется *глобальным аттрактором* полугруппы $\{S(t)\}$ если

- (i) множество \mathcal{A} строго инвариантно: $S(t)\mathcal{A} = \mathcal{A}, \forall t \geq 0$,
- (ii) для любого ограниченного $B \subset H$, множество $S(t)B$ притягивается к \mathcal{A} при $t \rightarrow +\infty$ по норме E :

$$\forall \varepsilon > 0 \exists \tau = \tau(B, \varepsilon) \quad | \quad S(t)B \subset O_\varepsilon(\mathcal{A}), \quad \forall t \geq \tau(B, \varepsilon).$$

Теорема (Ладыженская, Бабин, Вишик, Темам)

2D система Навье–Стокса имеет конечномерный глобальный аттрактор $\mathcal{A} \in E$.

Глобальный аттрактор

07.12.2011

Определение

Компактное множество $\mathcal{A} \in E$ называется *глобальным аттрактором* полугруппы $\{S(t)\}$ если

- (i) множество \mathcal{A} строго инвариантно: $S(t)\mathcal{A} = \mathcal{A}, \forall t \geq 0$,
- (ii) для любого ограниченного $B \subset H$, множество $S(t)B$ притягивается к \mathcal{A} при $t \rightarrow +\infty$ по норме E :

$$\forall \varepsilon > 0 \exists \tau = \tau(B, \varepsilon) \quad | \quad S(t)B \subset O_\varepsilon(\mathcal{A}), \quad \forall t \geq \tau(B, \varepsilon).$$

Теорема (Ладыженская, Бабин, Вишик, Темам)

2D система Навье–Стокса имеет конечномерный глобальный аттрактор $\mathcal{A} \in E$.

Глобальный аттрактор

07.12.2011

Определение

Компактное множество $\mathcal{A} \in E$ называется *глобальным аттрактором* полугруппы $\{S(t)\}$ если

- (i) множество \mathcal{A} строго инвариантно: $S(t)\mathcal{A} = \mathcal{A}, \forall t \geq 0$,
- (ii) для любого ограниченного $B \subset H$, множество $S(t)B$ притягивается к \mathcal{A} при $t \rightarrow +\infty$ по норме E :

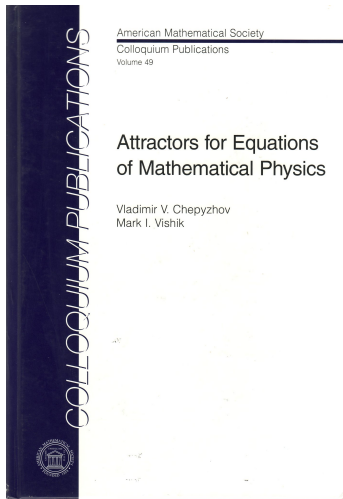
$$\forall \varepsilon > 0 \exists \tau = \tau(B, \varepsilon) \quad | \quad S(t)B \subset O_\varepsilon(\mathcal{A}), \quad \forall t \geq \tau(B, \varepsilon).$$

Теорема (Ладыженская, Бабин, Вишик, Темам)

2D система Навье–Стокса имеет **конечномерный** глобальный аттрактор $\mathcal{A} \in E$.

Аттракторы неавтономных уравнений

07.12.2011



Основные направления исследований

07.12.2011

- ▶ Глобальные аттракторы неавтономных эволюционных уравнений математической физики
- ▶ Изучение размерности и колмогоровской ε -энтропии глобальных аттракторов
- ▶ Исследование структуры и сложности аттракторов неавтономных уравнений с частными производными
- ▶ Теория приближений аттракторов
- ▶ Теория возмущений и зависимость аттракторов от малых параметров
- ▶ Изучение траекторных аттракторов эволюционных уравнений без теоремы единственности решений задачи Коши

Основные направления исследований

07.12.2011

- ▶ **Глобальные аттракторы неавтономных эволюционных уравнений математической физики**
- ▶ Изучение размерности и колмогоровской ε -энтропии глобальных аттракторов
- ▶ Исследование структуры и сложности аттракторов неавтономных уравнений с частными производными
- ▶ Теория приближений аттракторов
- ▶ Теория возмущений и зависимость аттракторов от малых параметров
- ▶ Изучение траекторных аттракторов эволюционных уравнений без теоремы единственности решений задачи Коши

Основные направления исследований

07.12.2011

- ▶ Глобальные аттракторы неавтономных эволюционных уравнений математической физики
- ▶ Изучение размерности и колмогоровской ε -энтропии глобальных аттракторов
- ▶ Исследование структуры и сложности аттракторов неавтономных уравнений с частными производными
- ▶ Теория приближений аттракторов
- ▶ Теория возмущений и зависимость аттракторов от малых параметров
- ▶ Изучение траекторных аттракторов эволюционных уравнений без теоремы единственности решений задачи Коши

Основные направления исследований

07.12.2011

- ▶ Глобальные аттракторы неавтономных эволюционных уравнений математической физики
- ▶ Изучение размерности и колмогоровской ε -энтропии глобальных аттракторов
- ▶ Исследование структуры и сложности аттракторов неавтономных уравнений с частными производными
- ▶ Теория приближений аттракторов
- ▶ Теория возмущений и зависимость аттракторов от малых параметров
- ▶ Изучение траекторных аттракторов эволюционных уравнений без теоремы единственности решений задачи Коши

Основные направления исследований

07.12.2011

- ▶ Глобальные аттракторы неавтономных эволюционных уравнений математической физики
- ▶ Изучение размерности и колмогоровской ε -энтропии глобальных аттракторов
- ▶ Исследование структуры и сложности аттракторов неавтономных уравнений с частными производными
- ▶ Теория приближений аттракторов
- ▶ Теория возмущений и зависимость аттракторов от малых параметров
- ▶ Изучение траекторных аттракторов эволюционных уравнений без теоремы единственности решений задачи Коши

Основные направления исследований

07.12.2011

- ▶ Глобальные аттракторы неавтономных эволюционных уравнений математической физики
- ▶ Изучение размерности и колмогоровской ε -энтропии глобальных аттракторов
- ▶ Исследование структуры и сложности аттракторов неавтономных уравнений с частными производными
- ▶ Теория приближений аттракторов
- ▶ Теория возмущений и зависимость аттракторов от малых параметров
- ▶ Изучение траекторных аттракторов эволюционных уравнений без теоремы единственности решений задачи Коши

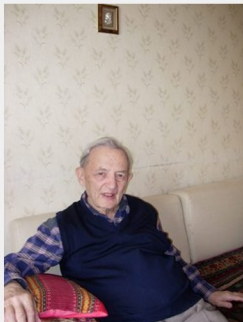
Основные направления исследований

07.12.2011

- ▶ Глобальные аттракторы неавтономных эволюционных уравнений математической физики
- ▶ Изучение размерности и колмогоровской ε -энтропии глобальных аттракторов
- ▶ Исследование структуры и сложности аттракторов неавтономных уравнений с частными производными
- ▶ Теория приближений аттракторов
- ▶ Теория возмущений и зависимость аттракторов от малых параметров
- ▶ Изучение траекторных аттракторов эволюционных уравнений без теоремы единственности решений задачи Коши

Конференция в ИППИ в честь М.И.Вишика

07.12.2011

Encodings: [koi8](#) [win](#) [lat](#)

Международная конференция

**Дифференциальные уравнения
и их приложения**

в честь Марка Иосифовича Вишика и в связи с его 90-летием

ИППИ, Москва
4-7 июня 2012www.dynamics.iitp.ru/vishik[Статьи Марка Иосифовича Вишика](#)[Ученики Марка Иосифовича Вишика](#) (присылайте дополнения к списку!)Постер (формат А3) | [Участники](#) | Программа